

ماژول math

صفحه اصلی / دانش‌نامه / پایتون / کتابخانه استاندارد

آخرین به‌روزرسانی: ۱۴۰۵ خرداد

ماژول math یکی از پرکاربردترین ماژول‌های [کتابخانه استاندارد پایتون](#) است که دسترسی به توابع ریاضی رایج و ثابت‌های مهم را فراهم می‌کند. این ماژول در واقع یک پوشش نازک روی توابع ریاضی کتابخانه C استاندارد است و بنابراین بسیار سریع است. توابع این ماژول برای کار با اعداد حقیقی (float و int) طراحی شده‌اند و از اعداد مختلط پشتیبانی نمی‌کنند؛ برای اعداد مختلط باید از ماژول cmath استفاده شود.

ماژول math توابع خود را در ۸ دسته اصلی سازمان‌دهی کرده است: نظریه اعداد، حساب اعشاری، دستکاری اعداد اعشاری، توان و لگاریتم، جمع و ضرب، تبدیل زاویه، مثلثاتی و هایپربولیک. علاوه بر توابع، ثابت‌های ریاضی مهمی مثل عدد پی و ثابت اویلر هم در این ماژول تعریف شده‌اند.

فهرست مطالب:

ثابت‌های ریاضی

توابع نظریه اعداد

توابع حساب اعشاری

توابع دستکاری اعداد اعشاری

توابع توان، نمایی و لگاریتمی

توابع جمع و ضرب

توابع تبدیل زاویه

توابع مثلثاتی

توابع هایپربولیک

توابع ویژه

مثال واقعی از ماژول math

سوالات متداول

برای استفاده از این ماژول، ابتدا باید آن را ایمپورت کنید:

ثابت‌های ریاضی

ماژول math پنج ثابت ریاضی از پیش تعریف شده دارد:

```
>>> import math

>>> math.pi
3.141592653589793

>>> math.e
2.718281828459045

>>> math.tau
6.283185307179586

>>> math.inf
inf

>>> -math.inf
-inf

>>> math.nan
nan
```

نکته: همانطور که قبلاً در نوشته معرفی [اعداد اعشاری](#) صحبت شد، math.nan با هیچ مقداری برابر نیست، حتی با خودش! برای بررسی NaN همیشه از math.isnan استفاده کنید.

```
>>> math.nan == math.nan    # روش غلط
False

>>> math.isnan(math.nan)   # روش درست
True
```

توابع نظریه اعداد

- تابع factorial – فاکتوریل عدد صحیح غیرمنفی را برمی‌گرداند. ورودی باید [عدد صحیح](#) باشد
- تابع gcd – بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک اعداد صحیح ورودی را برمی‌گرداند
- تابع lcm – کوچک‌ترین مضرب مشترک اعداد صحیح ورودی را برمی‌گرداند

• تابع `isqrt` - جذر صحیح عدد غیرمنفی را برمی‌گرداند (نتیجه همواره `int` است)

• تابع `comb` و `perm` - ترکیبیات و جایگشت را محاسبه می‌کنند

```
>>> math.factorial(10)
3628800
>>> math.gcd(100, 75, 50)
25
>>> math.lcm(3, 5, 7)
105
>>> math.isqrt(17)
4
>>> math.comb(10, 3)    # C(10,3) = 10!/(3!*7!)
120
>>> math.perm(10, 3)   # P(10,3) = 10!/7!
720
```

توابع حساب اعشاری

- تابع `ceil` - کوچک‌ترین عدد صحیح بزرگ‌تر یا مساوی x را برمی‌گرداند (گرد به بالا)
- تابع `floor` - بزرگ‌ترین عدد صحیح کوچک‌تر یا مساوی x را برمی‌گرداند (گرد به پایین)
- تابع `trunc` - بخش اعشاری را حذف می‌کند و فقط بخش صحیح را برمی‌گرداند (همیشه به سمت صفر گرد می‌کند)
- تابع `fabs` - قدر مطلق x را همیشه به صورت `float` برمی‌گرداند (برخلاف تابع `abs`)
- تابع `modf` - بخش اعشاری و بخش صحیح را به صورت یک جفت برمی‌گرداند
- تابع `fmod` - باقیمانده تقسیم x بر y را طبق تعریف کتابخانه `C` محاسبه می‌کند (تفاوت آن با عملگر `%` پایتون در علامت نتیجه است)
- تابع `fma` - عملیات ضرب و جمع ترکیبی را با دقت بیشتر از $z + (x * y)$ معمولی محاسبه می‌کند (چون فقط یک بار گرد می‌شود)

```
>>> math.ceil(3.9)
4
>>> math.ceil(-3.2)
-3
>>> math.floor(3.2)
3
>>> math.floor(-3.2)
-4
>>> math.trunc(3.9)
3
>>> math.fabs(-3.14)
3.14
>>> math.fabs(-7)
7.0
>>> math.modf(3.14)
(0.140000000000000012, 3.0)
>>> math.fmod(-10.5, 3.0)
-1.5
>>> -10.5 % 3.0
1.5
>>> math.fma(2.0, 3.0, 4.0)      # (2.0×3.0)+4.0
10.0
```

توابع دستکاری اعداد اعشاری

- تابع `isclose` – بررسی می‌کند که آیا دو عدد به اندازه کافی به هم نزدیک هستند یا خیر.
- تابع `isfinite` – بررسی می‌کند که آیا مقدار ورودی متناهی است یا خیر
- تابع `isinf` – بررسی می‌کند که آیا مقدار ورودی نامتناهی است یا خیر
- تابع `isnan` – بررسی می‌کند که آیا مقدار ورودی `nan` است یا خیر
- تابع `copysign` – قدر مطلق آرگومان اول را با علامت آرگومان دوم ترکیب می‌کند:
- تابع `frexp` و `ldexp` – مکمل یکدیگرند و برای کار با نمایش باینری اعداد اعشاری به کار می‌روند

```

>>> math.isclose(0.1 + 0.2, 0.3) # correct way
True
>>> 0.1 + 0.2 == 0.3 # wrong way
False
>>> math.isclose(1.0, 1.001, rel_tol=0.01) # relative tolerance 1%
True
>>> math.isfinite(3.14)
True
>>> math.isfinite(math.inf)
False
>>> math.isinf(1e308 * 10) # overflow → inf
True
>>> math.copysign(3.0, -1.0)
-3.0
>>> math.frexp(8.0) # 8.0=0.5×2^4
(0.5, 4)
>>> math.ldexp(0.5, 4) # 0.5×2^4=8.0
8.0

```

تابع `isclose` جایگزینی امن برای عملگر `==` در مقایسه مستقیم اعداد اعشاری است.

نکته مهم: وقتی از تابع `isclose` برای مقایسه با `0.0` استفاده می‌کنید، حتماً `abs_tol` را تعریف کنید. چون `rel_tol` نسبی است و نسبت به صفر معنی ندارد.

```

>>> math.isclose(0.0, 1e-10, abs_tol=1e-9)
True
>>> math.isclose(0.0, 1e-10)
False

```

توابع توان، نمایی و لگاریتمی

- تابع `sqrt` – جذر (ریشه دوم) اعداد مثبت را محاسبه می‌کند
- تابع `cbirt` – ریشه سوم اعداد مثبت را محاسبه می‌کند
- تابع `pow` – آرگومان اول را به توان آرگومان دوم می‌رساند
- تابع `exp` – عدد `e` را به توان می‌رساند

- تابع $\exp2$ - عدد ۲ را به توان می‌رساند
- تابع $\expm1$ - مقدار $e^x - 1$ را حساب می‌کند (برای x های خیلی نزدیک به صفر به کار می‌رود)
- تابع \log - لگاریتم عدد را در مبنای دلخواه حساب می‌کند
- تابع $\log2$ - لگاریتم عدد را در مبنای ۲ حساب می‌کند
- تابع $\log10$ - لگاریتم عدد را در مبنای ۱۰ حساب می‌کند
- تابع $\log1p$ - مقدار $\ln(1+x)$ را حساب می‌کند (برای x های خیلی نزدیک به صفر به کار می‌رود)

```
>>> math.sqrt(16.0)
4.0
>>> math.cbrt(-8.0)
-2.0
>>> math.pow(2.0, 10)
1024.0
>>> math.exp(1)           # e^1
2.718281828459045
>>> math.exp2(10)        # 2^10
1024.0
>>> math.expm1(1e-10)    # e^x - 1
1.000000000005e-10
>>> math.log(math.e)
1.0
>>> math.log2(1024)
10.0
>>> math.log10(1000)
2.9999999999999996
>>> math.log1p(1e-10)    # ln(1+x)
1e-10
```

نکته: دقت کنید که نتیجه محاسبه $\log2(x)$ از نتیجه $\log(x, 2)$ دقیق‌تر است. توابع $\log10$ و $\expm1$ و $\log1p$ هم نسبت به محاسبات دستی مقادیر آنها، دقت بهتری دارند.

توابع جمع و ضرب

- تابع $fsum$ - جمع دقیق اعداد اعشاری یک ایتربیل را برمی‌گرداند
- تابع $prod$ - ضرب تمام عناصر یک ایتربیل را برمی‌گرداند

- تابع hypot – نُرم اقلیدسی (فاصله ریشه مجموع مربعات) را محاسبه می‌کند
- تابع dist – فاصله اقلیدسی بین دو نقطه را محاسبه می‌کند
- تابع sumprod – مجموع حاصل ضرب‌های متناظر دو ایتربیل را با دقت بالا برمی‌گرداند

```
>>> sum([0.1] * 10)           # not precise
0.9999999999999999
>>> math.fsum([0.1] * 10)     # precise
1.0
>>> math.prod([1, 2, 3, 4, 5])
120
>>> math.prod([2, 3, 4], start=10) # start from 10
240
>>> math.hypot(3, 4)          #  $\sqrt{(3^2+4^2)}=\sqrt{25}$ 
5.0
>>> math.dist([0, 0], [3, 4])
5.0
>>> math.sumprod([1, 2, 3], [4, 5, 6]) #  $(1\times4)+(2\times5)+(3\times6)=32$ 
32
```

توابع تبدیل زاویه

تمام توابع مثلثاتی ماژول math با رادیان کار می‌کنند.

- تابع degrees – تبدیل رادیان به درجه را انجام می‌دهد
- تابع radians – تبدیل درجه به رادیان را انجام می‌دهد

```
>>> math.degrees(math.pi)
180.0
>>> math.degrees(math.pi / 2)
90.0
>>> math.radians(180)
3.141592653589793
```

توابع مثلثاتی

دقت کنید که همه توابع مثلثاتی در ماژول `math`، ورودی را به رادیان می‌گیرند:

```
>>> math.sin(math.pi/2)      # sin(90°) = 1
1.0
>>> math.cos(0)              # cos(0°) = 1
1.0
>>> math.tan(math.pi/4)      # tan(45°) = 1
0.9999999999999999
>>> math.asin(1.0)           # arcsin(1) = π/2
1.5707963267948966
>>> math.acos(0.0)           # arccos(0) = π/2
1.5707963267948966
>>> math.atan(1.0)           # arctan(1) = π/4
0.7853981633974483
```

توابع هایپربولیک

ماژول `math` در پایتون از توابع مثلثاتی هایپربولیک به صورت کامل پشتیبانی می‌کند:

```
>>> math.sinh(0)
0.0
>>> math.cosh(1)
1.5430806348152437
>>> math.tanh(1)
0.7615941559557649
>>> math.asinh(1.1752011936438014)
1.0
>>> math.acosh(1.5430806348152437)
1.0
>>> math.atanh(0.7615941559557649)
0.9999999999999999
```

توابع دیگری مانند erf و erfc و ... در ماژول math وجود دارند که در محاسبات آمار و احتمال می‌توانند به کار گرفته شوند.

مثال واقعی از ماژول math

در یک سناریوی فرضی، شما سیستمی برای تحلیل هندسی و آماری می‌نویسید که شامل محاسبات مثلثاتی، آمار توصیفی و بهینه‌سازی ترکیبیاتی است.

کدهای این مثال به همراه خروجی نهایی را می‌توانید از [اینجا](#) دانلود کنید.

وبسایت شخصی رضا قلعه‌خانی

1. تفاوت `math.sqrt` با `x ** 0.5` چیست؟

هر دو جذر عدد را محاسبه می‌کنند، اما `math.sqrt` سریع‌تر است چون مستقیماً تابع C را فراخوانی می‌کند و همیشه عدد اعشاری برمی‌گرداند. `x ** 0.5` کمی کندتر است ولی روی اعداد مختلط هم کار می‌کند.

2. چرا از `math.isclose` به جای `==` برای اعداد اعشاری استفاده کنیم؟

اعداد اعشاری به دلیل نمایش باینری دارای خطاهای گرد کردن هستند. `math.isclose` بر اساس تolerانس نسبی و مطلق مقایسه می‌کند و برای مقایسه امن اعداد اعشاری طراحی شده است. برای مقایسه با صفر، حتماً پارامتر `abs_tol` را تعیین کنید.

3. تفاوت `math.fsum` با تابع `sum` پیش‌ساخته چیست؟

تابع `sum` به ترتیب جمع می‌کند و خطاهای گرد کردن تجمع می‌یابند. `math.fsum` از الگوریتمی استفاده می‌کند که چند جمع جزئی واسطه را نگه می‌دارد و در پایان آن‌ها را ترکیب می‌کند تا خطا به حداقل برسد. برای لیست‌های کوچک تفاوت عملی کمی دارند، اما برای لیست‌های بزرگ یا وقتی دقت اهمیت دارد، `fsum` انتخاب درست‌تری است.

4. آیا ماژول `math` پایتون برای اعداد مختلط کار می‌کند؟

خیر. توابع ماژول `math` فقط برای اعداد حقیقی (`float` و `int`) طراحی شده‌اند. اگر آرگومان از محدوده خارج شود، خطای `ValueError` می‌دهد. برای کار با اعداد مختلط از ماژول `cmath` استفاده کنید که نسخه‌های مختلط همین توابع را دارد.

5. تفاوت `math.pow(x, y)` با عملگر `**` چیست؟

تابع `math.pow(x, y)` هر دو آرگومان را به `float` تبدیل می‌کند و همیشه `float` برمی‌گرداند. عملگر `**` نوع داده را حفظ می‌کند. برای توان‌های صحیح دقیق، از عملگر `**` یا تابع پیش‌ساخته `pow` استفاده کنید. برای توان‌های اعشاری و زمانی که `float` مطلوب است، `math.pow` مناسب‌تر است.

جهت کسب اطلاعات بیشتر می‌توانید به [مستندات رسمی پایتون برای ماژول `math`](#) مراجعه کنید.

